

## Laplaceova transformace

$$F(s) = \int_{0_-}^{\infty} f(t) e^{-st} dt, \quad s = \sigma + j\omega$$

$\mathbf{1}(t)$  ... jednotkový skok (označován také  $H(t)$  nebo  $\eta(t)$ )

$\delta(t)$  ... Diracův jednotkový impuls

$f(t)$	$F(s)$	
$a \cdot f_1(t) + b \cdot f_2(t)$	$a \cdot F_1(s) + b \cdot F_2(s)$	linearita
$\frac{d^n f(t)}{dt^n}$	$s^n F(s) - s^{n-1} f(0_-) - s^{n-2} f'(0_-) - \dots - s^0 f^{(n-1)}(0_-)$	derivace
$\int_0^t f(\tau) d\tau$	$\frac{F(s)}{s}$	integrál
$f_1(t) * f_2(t) =$ $= \int_0^t f_1(\tau) \cdot f_2(t-\tau) d\tau$	$F_1(s) \cdot F_2(s)$	konvoluce
$f(t-t_0) \cdot \mathbf{1}(t-t_0)$ $f(t) \cdot \mathbf{1}(t-t_0)$	$F(s) \cdot e^{-st_0}$ $L\{f(t+t_0)\} \cdot e^{-st_0}$	posun v čase doprava ( $t_0 \geq 0$ )
$f(t) \cdot e^{at}$	$F(s-a)$	posun obrazu
$f(at), a > 0$	$\frac{1}{a} F\left(\frac{s}{a}\right)$	změna měřítka
$\delta(t)$ $\mathbf{1}(t)$ $e^{-at} \cdot \mathbf{1}(t)$ $t \cdot \mathbf{1}(t)$ $\cos(\omega t) \cdot \mathbf{1}(t)$ $\sin(\omega t) \cdot \mathbf{1}(t)$ $e^{-at} \cos(\omega t) \cdot \mathbf{1}(t)$ $e^{-at} \sin(\omega t) \cdot \mathbf{1}(t)$	$1$ $1/s$ $\frac{1}{s+a}$ $1/s^2$ $\frac{s}{s^2+\omega^2}$ $\frac{\omega}{s^2+\omega^2}$ $\frac{s+a}{(s+a)^2+\omega^2}$ $\frac{\omega}{(s+a)^2+\omega^2}$	základní obrazy

Věta o počáteční hodnotě

$$f(0_+) = \lim_{s \rightarrow \infty} sF(s)$$

Věta o koncové hodnotě

$$\lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = \lim_{s \rightarrow 0} sF(s)$$

(jen pro stabilní systémy)

Věta o stejnosměrném zesílení

$$DCgain = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{s} H(s) = H(s) \Big|_{s=0}$$

(jen pro stabilní systémy)